

QS015/1  
Mathematics  
Paper 1  
Semester I  
Session 2015/2016  
2 hours

QS015/1  
Matematik  
Kertas 1  
Semester I  
Sesi 2015/2016  
2 jam



KEMENTERIAN  
PENDIDIKAN  
MALAYSIA

**BAHAGIAN MATRIKULASI**  
*MATRICULATION DIVISION*

**PEPERIKSAAN SEMESTER PROGRAM MATRIKULASI**  
*MATRICULATION PROGRAMME EXAMINATION*

---

**MATEMATIK**  
**Kertas 1**  
**2 jam**

---

**JANGAN BUKA KERTAS SOALANINI SEHINGGA DIBERITAHU.**  
*DO NOT OPEN THIS QUESTION PAPER UNTIL YOU ARE TOLD TO DO SO.*

CHOW CHOON WOOI

---

Kertas soalan ini mengandungi 13 halaman bercetak.

*This question paper consists of 13 printed pages.*

© Bahagian Matrikulasi

**ARAHAN KEPADA CALON:**

Kertas soalan ini mengandungi **10** soalan.

Jawab **semua** soalan.

Semua jawapan hendaklah ditulis pada buku jawapan yang disediakan. Gunakan muka surat baru bagi nombor soalan yang berbeza.

Markah penuh yang diperuntukkan bagi setiap soalan atau bahagian soalan ditunjukkan dalam kurungan pada penghujung soalan atau bahagian soalan.

Semua langkah kerja hendaklah ditunjukkan dengan jelas.

Kalkulator saintifik yang tidak boleh diprogramkan sahaja yang boleh digunakan.

Jawapan berangka boleh diberi dalam bentuk  $\pi$ ,  $e$ , surd, pecahan atau sehingga tiga angka bererti, di mana-mana yang sesuai, kecuali jika dinyatakan dalam soalan.

CHOW CHOON WOOI

**INSTRUCTIONS TO CANDIDATE:**

This question paper consists of **10** questions.

Answer **all** questions.

All answers must be written in the answer booklet provided. Use a new page for each question.

The full marks for each question or section are shown in the bracket at the end of the question or section.

All steps must be shown clearly.

Only non-programmable scientific calculators can be used.

Numerical answers may be given in the form of  $\pi$ ,  $e$ , surd, fractions or up to three significant figures, where appropriate, unless stated otherwise in the question.

CHOW CHOON WOOI

## SENARAI RUMUS MATEMATIK

**Persamaan kuadratik**  $ax^2 + bx + c = 0$ :

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

**Siri aritmetik:**

$$T_n = a + (n-1)d$$

$$S_n = \frac{n}{2} [2a + (n-1)d]$$

**Siri geometri:**

$$T_n = ar^{n-1}$$

$$S_n = \frac{a(1-r^n)}{1-r}, r \neq 1$$

**Hasil tambah infiniti:**

$$S_{\infty} = \frac{a}{1-r}, |r| < 1$$

**Kembangan Binomial:**

$$(a+b)^n = a^n + \binom{n}{1} a^{n-1} b + \binom{n}{2} a^{n-2} b^2 + \dots + \binom{n}{r} a^{n-r} b^r + \dots + b^n,$$

$$\text{dengan } n \in N \text{ dan } \binom{n}{r} = \frac{n!}{(n-r)! r!}$$

$$(1+ax)^n = 1 + n(ax) + \frac{n(n-1)}{2!} (ax)^2 + \frac{n(n-1)(n-2)}{3!} (ax)^3 + \dots$$

$$|ax| < 1 \text{ dengan } n \in Z^- \text{ atau } n \in \mathbb{Q}$$

CHOW CHOON WOOI

## LIST OF MATHEMATICAL FORMULAE

**Quadratic equation**  $ax^2 + bx + c = 0$ :

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

**Arithmetic series:**

$$T_n = a + (n-1)d$$

$$S_n = \frac{n}{2} [2a + (n-1)d]$$

**Geometric series:**

$$T_n = ar^{n-1}$$

$$S_n = \frac{a(1-r^n)}{1-r}, r \neq 1$$

**Sum to infinity:**

$$S_\infty = \frac{a}{1-r}, |r| < 1$$

**Binomial expansion:**

$$(a+b)^n = a^n + \binom{n}{1} a^{n-1} b + \binom{n}{2} a^{n-2} b^2 + \dots + \binom{n}{r} a^{n-r} b^r + \dots + b^n,$$

where  $n \in N$  and  $\binom{n}{r} = \frac{n!}{(n-r)! r!}$

$$(1+ax)^n = 1 + n(ax) + \frac{n(n-1)}{2!} (ax)^2 + \frac{n(n-1)(n-2)}{3!} (ax)^3 + \dots$$

$|ax| < 1$  where  $n \in Z^-$  or  $n \in \mathbb{Q}$

CHOW CHOON WOOI

- 1 Nilaikan penyelesaian bagi  $4^{y-2} = \frac{1}{3^{-y}}$  sehingga tiga tempat perpuluhan.

[6 markah]

- 2 Tiga sebutan pertama bagi suatu jujukan geometri adalah  $\left(\frac{4}{3}m - 2\right)$ ,  $(2m - 1)$  dan 12.

Tentukan nilai  $m$ . Seterusnya, cari sebutan yang keenam bagi jujukan ini.

[6 markah]

- 3 Selesaikan persamaan

$$2 + \log_2 x = 15 \log_x 2.$$

[7 markah]

- 4 (a) Tentukan nilai  $x$  supaya  $\begin{bmatrix} 1 & x & -1 \\ x & 0 & 1 \\ 1 & 3 & -1 \end{bmatrix}$  adalah singular.

- (b) Jika  $A = \begin{bmatrix} 3 & 5 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$  dan  $B = \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$ , cari  $C$  apabila  $A = BCB^{-1}$ .

[7 markah]

- 5 (a) Kembangkan  $(2+x)^{-\frac{1}{2}}$  dalam kuasa menaik  $x$ , sehingga sebutan  $x^3$ .

[5 markah]

- (b) Guna kembangan di (a) untuk menganggarkan  $\sqrt{\frac{2}{3}}$ .

[5 markah]

CHOW CHOON WOOI

- 1 Evaluate the solution of  $4^{y-2} = \frac{1}{3^{-y}}$  up to three decimal places.

[6 marks]

- 2 The first three terms of a geometric sequence are  $\left(\frac{4}{3}m - 2\right)$ ,  $(2m - 1)$  and 12.

Determine the value of  $m$ . Hence, find the sixth term for this sequence.

[6 marks]

- 3 Solve the equation

$$2 + \log_2 x = 15 \log_x 2.$$

[7 marks]

- 4 (a) Determine the values of  $x$  so that  $\begin{bmatrix} 1 & x & -1 \\ x & 0 & 1 \\ 1 & 3 & -1 \end{bmatrix}$  is singular.

- (b) If  $A = \begin{bmatrix} 3 & 5 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$  and  $B = \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$ , find  $C$  when  $A = BCB^{-1}$ .

[7 marks]

- 5 (a) Expand  $(2+x)^{-\frac{1}{2}}$  in ascending powers of  $x$ , up to the term  $x^3$ .

[5 marks]

- (b) Use the expansion in (a) to approximate  $\sqrt{\frac{2}{3}}$ .

[5 marks]

CHOW CHOON WOOI

6 Diberi  $z_1 = 3 - 3i$  dan  $z_2 = 3 + 2i$ .

(a) Tuliskan  $\overline{z_1}$  dalam bentuk polar.

[4 markah]

(b) Ungkapkan  $\frac{(\overline{z_1}z_2)}{13} + \left( \overline{\frac{i^3}{-z_2}} \right)$  dalam bentuk  $a + bi$ ,  $a, b \in \mathbb{R}$ .

[8 markah]

7 Suatu lengkung  $y = ax^2 + bx + c$  yang mana  $a$ ,  $b$  dan  $c$  adalah pemalar, melalui titik-titik  $(2, 11)$ ,  $(-1, -16)$  dan  $(3, 28)$ .

(a) Dengan menggunakan maklumat di atas, bina satu sistem yang mengandungi tiga persamaan linear.

[3 markah]

(b) Ungkapkan sistem di atas sebagai satu persamaan matriks  $AX = B$ .

[1 markah]

(c) Cari songsangan bagi matriks  $A$  dengan menggunakan kaedah matriks adjoint. Seterusnya, dapatkan nilai  $a$ ,  $b$  dan  $c$ .

[8 markah]

CHOW CHOON WOOI

6 Given  $z_1 = 3 - 3i$  and  $z_2 = 3 + 2i$ .

(a) Write  $\overline{z_1}$  in polar form.

[4 marks]

(b) Express  $\frac{(\overline{z_1}z_2)}{13} + \overline{\left(\frac{i^3}{-z_2}\right)}$  in the form  $a + bi$ ,  $a, b \in \mathbb{R}$ .

[8 marks]

7 A curve  $y = ax^2 + bx + c$  where  $a$ ,  $b$  and  $c$  are constants, passes through the points  $(2, 11)$ ,  $(-1, -16)$  and  $(3, 28)$ .

(a) By using the above information, construct a system containing three linear equations.

[3 marks]

(b) Express the above system as a matrix equation  $AX = B$ .

[1 mark]

(c) Find the inverse of matrix  $A$  by using the adjoint matrix method.  
Hence, obtain the values of  $a$ ,  $b$  and  $c$ .

[8 marks]

8 Diberi fungsi  $f(x) = \sqrt{3 - 2x}$ .

(a) Tunjukkan bahawa  $f$  adalah fungsi satu ke satu.

[2 markah]

(b) Cari domain dan julat bagi  $f$ .

[3 markah]

(c) Tentukan fungsi songsangan bagi  $f$  dan nyatakan domain dan julatnya.

[4 markah]

(d) Lakarkan graf bagi  $f$  dan  $f^{-1}$  pada paksi yang sama.

[3 markah]

9 (a) Fungsi  $f$  diberi sebagai  $f(x) = \frac{ax+2}{3x-4}$ ,  $x \neq \frac{4}{3}$ .

Jika  $(f \circ f)(x) = x$ , cari nilai  $a$ .

[6 markah]

(b) Katakan  $f(x) = \ln|3x + 2|$  dan  $g(x) = e^{-x} + 2$  adalah dua fungsi.

Nilaikan  $(g \circ f)^{-1}(3)$ .

[7 markah]

8 Given a function  $f(x) = \sqrt{3 - 2x}$ .

(a) Show that  $f$  is a one to one function.

[2 marks]

(b) Find the domain and range of  $f$ .

[3 marks]

(c) Determine the inverse function of  $f$  and state its domain and range.

[4 marks]

(d) Sketch the graphs of  $f$  and  $f^{-1}$  on the same axis.

[3 marks]

9 (a) The function  $f$  is given as  $f(x) = \frac{ax+2}{3x-4}$ ,  $x \neq \frac{4}{3}$ .

If  $(f \circ f)(x) = x$ , find the value of  $a$ .

[6 marks]

(b) Let  $f(x) = \ln|3x+2|$  and  $g(x) = e^{-x} + 2$  be two functions.

Evaluate  $(g \circ f)^{-1}(3)$ .

[7 marks]

10 (a) Selesaikan ketaksamaan  $\left| \frac{x-1}{x+3} \right| > 2$ .

[6 markah]

(b) Tunjukkan  $\frac{2^x \times 4^{2x}}{8^x} = 2^{2x}$ .

Seterusnya, cari selang bagi  $x$  supaya  $\frac{2^x \times 4^{2x}}{8^x} - 13(2^x) + 36 \geq 0$ .

[9 markah]

**KERTAS SOALAN TAMAT**

CHOW CHOON WOOI

10 (a) Solve the inequality  $\left| \frac{x-1}{x+3} \right| > 2$ .

[6 marks]

(b) Show that  $\frac{2^x \times 4^{2x}}{8^x} = 2^{2x}$ .

Hence, find the interval for  $x$  so that  $\frac{2^x \times 4^{2x}}{8^x} - 13(2^x) + 36 \geq 0$ .

[9 marks]

**END OF QUESTION PAPER**

CHOW CHOON WOOI